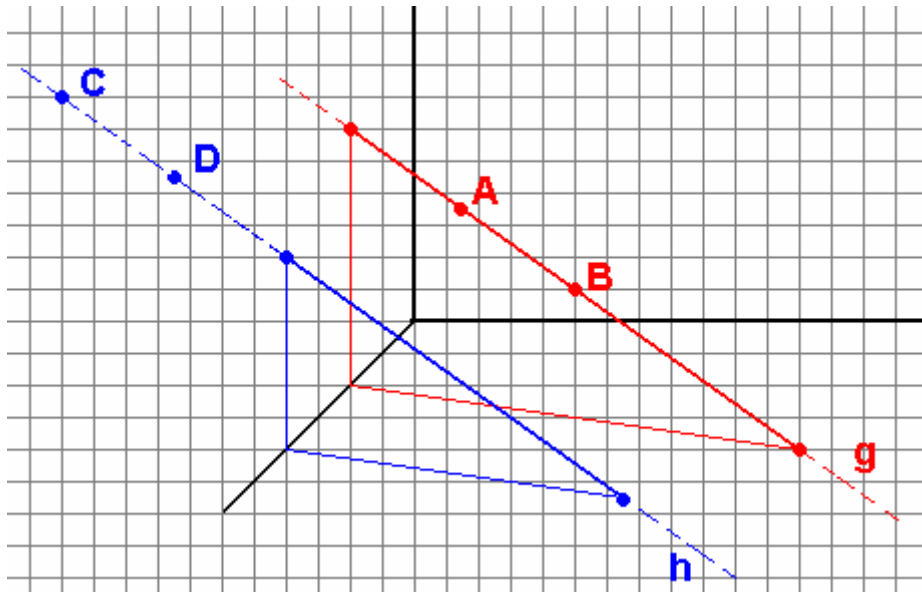


Zeichnung zu den Aufgabenteilen a), g) und h)



zu b und c)  $\vec{OA} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} \Rightarrow |\vec{OA}| = \sqrt{6,25 + 4 + 9} = \sqrt{19,25}LE$ ;  $|\vec{OB}| = \sqrt{29}LE$

zu d und e)  $\vec{AB} = \begin{pmatrix} 3-2,5 \\ 4-2 \\ 2-3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} \Rightarrow |\vec{AB}| = \sqrt{0,25 + 4 + 1} = \sqrt{5,25}LE$ ;  $|\vec{CB}| = \sqrt{73}LE$

zu f)  $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$   $h: \vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$

zu g) Um die Geraden einzzeichnen zu können, braucht man die Durchstoßpunkte (oder auch Spurpunkte oder Schnittpunkte) mit den Koordinatenebenen:

$g: \vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$   $k = -5 \Rightarrow G_{2,3} = (0/-8/8)$   
 $k = -1 \Rightarrow G_{1,3} = (2/0/4)$   
 $k = 3 \Rightarrow G_{1,2} = (4/8/0)$

$h: \vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$   $l = -6 \Rightarrow H_{2,3} = (0/-16/11)$   
 $l = 2 \Rightarrow H_{1,3} = (4/0/3)$   
 $l = 5 \Rightarrow H_{1,2} = (5,5/6/0)$

zu h)  $g': \vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$   $h': \vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$

zu i) Vermutung: g und h sind parallel zueinander.

Nachweis: Die Richtungsvektoren sind identisch und damit erst recht linear abhängig. Damit kommen die Fälle parallel und identisch in Frage.

Wenn man C(3/-4/5) in g einsetzt erhält man:

$$\vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2,5 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 0,5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} \quad \begin{matrix} k = 1 \\ k = -3 \end{matrix}$$

$1 \neq -3 \Rightarrow C \notin g \Rightarrow g \neq h$

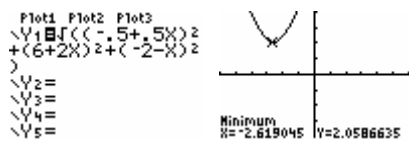
Aufgaben j) und k) kommt nicht in der Arbeit dran!!

zu j) Abstand von C(3/-4/5) zu g:

Lösungsweg 1: Der Abstand von C zu  $L \in g$ , muss minimal sein.

$L \in g$ , wenn gilt: L( 2,5+0,5k / 2+2k / 3-k)

$$|\overrightarrow{CL}| = \sqrt{(2,5 + 0,5k - 3)^2 + (2 + 2k + 4)^2 + (3 - k - 5)^2} \rightarrow \text{Minimum mit GTR}$$



$k = -2,62$ . Der Abstand beträgt 2,06 LE.

zu k) Da g und h parallel sind, haben sie überall den gleichen Abstand voneinander. Damit ist die Lösung von Aufgabe j) auch die Lösung von Aufgabe k)