

Blatt 02 Lösung Aufgabe 02 - 1

$$f_t(x) = \frac{4}{1+tx^2} \text{ mit Schaubild } K_t$$

Achtung, das Schaubild für $f_{-0,5}$ (blau) im LB ist falsch, es wird das Schaubild für $f_{-0,25}$ gezeigt! Die senk. As. für $f_{-0,5}$ (blau) müssten bei $\pm\sqrt{2}$ liegen.

zu a) $f_t(x) = f_t(-x) \rightarrow K_t$ ist symm. zur y -Achse.

Es gibt keine Schnittpunkte mit der x -Achse. Alle K_t gehen durch $S_y(0/4)$
 x -Achse ist immer waag. As.

$t > 0 \rightarrow D = \mathbb{R}$ (keine senkr. As.)

$t < 0 \rightarrow a_1 : x = \frac{-1}{\sqrt{-t}}; a_2 : x = \frac{1}{\sqrt{-t}}$ sind senkr. As. (Achtung $t < 0 \rightarrow -t > 0!!$)

$$f_t(x) = \frac{4}{1+tx^2}$$

Extrempunkte: $f'(x) = 0 \rightarrow x = 0; f''(0) = -8t$

Daraus folgt: Bei $t > 0$ **H(0/4)**, bei $t < 0$ **T(0/4)**

$$f_t'(x) = \frac{-8tx}{(1+tx^2)^2}$$

Wendepunkte: $f''(x) = 0 \rightarrow x = \pm\sqrt{\frac{1}{3t}} \rightarrow$ bei $t < 0$: keine WP

$$f_t''(x) = \frac{-8t + 24t^2x^2}{(1+tx^2)^3}$$

$t > 0 : W_1\left(\sqrt{\frac{1}{3t}}/3\right); W_2\left(-\sqrt{\frac{1}{3t}}/3\right) \rightarrow$ OL aller WP: $y = 3$

zu b) Die Ortslinie aller WP ist die Gerade $y = 3$, da, alle WP den y -Wert 3 haben.

zu c) $f_t'\left(\sqrt{\frac{1}{3t}}\right) = -1 \Rightarrow -8t\sqrt{\frac{1}{3t}} = -\frac{16}{9} \Rightarrow \frac{64t^2}{3t} = \frac{256}{81} \Rightarrow t = \frac{4}{27}$

$K_{4/27}$ hat in W_1 den Anstieg -1 und W_2 den Anstieg 1 .

