

S. 120 Nr. 6

$$f(x) = (x^2 - 3) \cdot e^x$$

a) $N_1(\sqrt{3}|0)$ $N_2(-\sqrt{3}|0)$

b) $f'(x) = 2x e^x + (x^2 - 3) \cdot e^x$
 $= e^x (x^2 + 2x - 3)$

$$m_1 = f'(\sqrt{3}) = 2 \cdot \sqrt{3} \cdot e^{\sqrt{3}} \approx 19,58$$

$$m_2 = f'(-\sqrt{3}) = -2 \cdot \sqrt{3} \cdot e^{-\sqrt{3}} \approx -0,61$$

c) $f'(x) = 0 \Rightarrow x_1 = 1 \quad x_2 = -3$

$$E_1(1| -2e) \quad E_2(-3| 6e^{-3})$$

d) $d = \sqrt{(1 - (-3))^2 + (-2e - 6e^{-3})^2} \approx 6,99 \text{ LE}$

S. 120 Nr. 7

$$f(2) = 0 \quad \text{und} \quad f'(2) = 0$$

a) $g(x) = x \cdot f(x) \Rightarrow g(2) = 2 \cdot f(2) = 0$

$$g'(x) = 1 \cdot f(x) + x \cdot f'(x) \Rightarrow g'(2) = 1 \cdot 0 + 2 \cdot 0 = 0$$

$\rightarrow K_g$ berührt x -Achse in $P(2|0)$

b) $g''(x) = f'(x) + f'(x) + x \cdot f''(x)$

$$g''(2) = 2 \cdot \underbrace{f'(2)}_0 + 2 \cdot \underbrace{f''(2)}_{< 0} < 0$$

$$a) \Rightarrow \left. \begin{array}{l} g'(2) = 0 \\ g''(2) < 0 \end{array} \right\} \Rightarrow P(2|0) \text{ HP von } g$$

c) $g(-2) = 0 \quad g'(-2) = 0 \quad P$ bleibt Berührungspunkt

$$g''(-2) = 2 \cdot 0 - 2 \cdot \underbrace{f''(2)}_{< 0} > 0$$

$\Rightarrow P(-2|0)$ wieder TP von g