6. Wahlaufgabe Wachstum

Gegeben ist die Funktion $f(t) = 0.1 \cdot e^{-0.03t^2 + 0.3t + 6} - 40$

t sei die Zeit in Wochen, f(t) der Bestand einer Ware in einem Lagerhaus in 1000 Stück.

- a) Gib den Anfangsbestand und den Maximalbestand an!
- b) Wann nimmt der Bestand am stärksten zu bzw. ab.
- Gib eine Funktion $g(t) = a \cdot x^2 + bx + c$ an, die den Bestand zu Beginn, nach einer Woche und nach zwei Wochen exakt angibt!
- d) g(t) wird so lange als gute Näherung für f(t) angesehen, wie g(t) um weniger als 10% von f(t) abweicht. Wie lange ist das der Fall?

7. Wahlaufgabe Wachstum / Zerfall

Für die Abnahme eines Bestandes werden folgende zwei Modelle verwendet:

$$f(t) = (20t + 100) \cdot e^{-0.2t}$$
 und $g(t) = \frac{500}{t+5}$

- a) Bilde für beide Funktion die erste Ableitung, berechne Schnittpunkte mit den Achsen, Extrema und Wendepunkte! $(t \in R)$
- b) t sei die Zeit in Tagen. Berechne jeweils den Anfangsbestand und den Bestand nach 100 Tagen!
- c) Wann hat sich jeweils der Bestand halbiert?
- d) Wann ist bei beiden Modellen die Änderungsgeschwindigkeit jeweils am größten, wann ist sie gleich?
- e) Wann ist die Abweichung zwischen beiden Modellen innerhalb der ersten 15 Tage am größten?